

ساختمان داده ها

سرفصل ها

۱- مفاهیم

۲- انواع داده ها

۳- آرایه ها

۴- صف

۵- درخت

۶- گراف

ساختمان داده ها تعریف

ساختمان داده ها به نحوه قرارگیری داده ها به حافظه مربوط می شود.

ما در این درس چی دما ن داده ها در حافظه را بررسی خواهیم کرد .

چیدمان داده هادر حافظه به عملیاتی که روی داده ها می خواهیم انجام دهیم تاثیر گذار می باشد. ما داده ها را در حافظه قرار می دهیم که عملیات را روی انها انجام می دهیم.

بعضی از چیدمان برخی عملیات ها مناسب است و برخی عملیات ها مناسب نمی باشد

مثال : دو ساختمان در نظر می گیریم که ده طبقه باشد و خانه یکی از انها --

چیده شده باشد. با ماشین طبقه دهم به سادگی تردد کرد . ولی ایرادی که به این ساختمان وارد است از نظر ایمنی یعنی دزدی وسایر خطرات به اسانی انجام میگردد در صورتیکه نحوه چیدمان خانه ها در ساختمان برخی از عملیات مناسب ودر برخی عملیات مناسب نمی باشد.

در ساختمان هایی که با ماشین به تمامی خانه های ان می توان مراجعه کرد مناسب است برای انجام کمک رسانی در مواقعی کمک رسانی در موارد ضروری وهمچنین دسترسی اسان و

تردد اسانتر از ویژگی های ان می باشد و ایرادی برای این ساختمان موجود است از نظر ایمنی

دزدی و پاره های از مسائل نیز به سادگی در این ساختمان می توان انجام داد

در صورتیکه در ساختمانی که فقط تردد از طریق راه پله انجام میگردد امکان دزدی بسیار پایین بوده ودر عوض دسترسی به خانه ها مشکل می باشد کمک رسانی در مواقع ضروری به سختی

انجام می گیرد .

در سادر ساختمانی که با ماشین تا طبقه دهم تردد بکنیم بسیاری از فضا ها را ما-جهت تردد اختصاص می دهیم . یعنی از محل استراحت کاسته ولی در عوض ---امکانات فراهم آورده ایم که دسترسی به خانه ها سریعتر و اسانتر شده است .

هزینه وامکان را داده ایم و در عوض سرعت و راحتی را به دست آورده ایم . در د رس ساختمان داده ها به نحوه چید ن داده ها در حافظه متمر کز می شود

انواع داده - هر داده دارای نوع خاص می باشد.

مثال : از زبان C char a; int b ;

در جدول زیر انواع داده در زبان C نمایش داده می شود.

رنج	فول	نوع
۱۲۷-۱۲۸	۱ بایت = ۸ بیت	char
۰-۲۵۵	۸ بیت	un signd char
۳۲۶۷۸-۳۲۶۷۷	۲ بایت = ۱۶ بیت	int

برای دسترسی با اشنا یی با انواع داده ها در زبان C از طریق فشار دادن کلیدهای شیفٹ f1 و تایپ int و انتخاب (prt-sysrq) datatip) جدول نمایش داده می شود.

ادرس ۲۰۰ بگیریم دویست را نشان میدهد
char c=200

۲۰۰ را در نظر بگیریم ۵۶ را نشان می دهد نه ۲۰۰ را هر عدد بنویسیم از ۲۵۶ کم میکند و برای ما نشان می دهد

هر نوع داده دارای رنج مخصوص به خود می باشد و بایستی در هنگام استفاده از آنها رنج آنها را در نظر بگیریم

مثال : وقتی تعریف میکنیم کاراکتر a یک داده از نوع کاراکتر می باشد که می توان در ان ۱۲۷ تا ۱۲۸ را ذخیره کرد حال اگر در a عدد ۲۰۰ را قرار دهیم

a=200 دیگر ۲۰۰ در داخل a نخواهد بود. این عمل را با نوشتن برنامه pp1 در

مثال زیر نشان داده ایم

```
<include<stdio.h#
<include<conio.h#
(void main
}
```

```

;())clrscr
;char b=201
;(printf("Adress is %x ",&b
;(printf("data is %d ",b
getch ( ) ;
}

```

در این مثال مقدار ۲۰۰ در رنج داده از نوع کاراکتر نمی باشد به همین دلیل با اجرای این برنامه می بینیم مقدار ۵۶ به **a** نسبت داده می شود. پس اگر داده ها را طوری نسبت دهیم که در رنج نوع داده قرار نگیرد نتیجه درستی دریافت نخواهیم کرد

با نوشتن این دستور `int a=205` مقدار ۲۰۵ در متغیر **a** قرار می گیرد. **a** یک متغیر از نوع عدد صحیح می باشد که در آن مقدار ۲۰۵ قرار داده شده طول **a** دو بایت می باشد مقدار **a** در یک قسمت از حافظه با ادرس مشخص قرار داده میشود که هنگام مراجعه و نیاز داشت برای سادگی کار در زبان های بالا به جای استفاده از ادرس آنها استفاده می کنیم به عبارت بهتر جهت قرار دادن داده ها در حافظه به جای استفاده از ادر-س حافظه از نام آنها استفاده می کنیم در مثال فوق **a** نام دو خانه از حافظه میباشد که در آن یک عدد صحیح ذخیره می کنیم به جای استفاده از دو خانه از نام آن یعنی **a** استفاده می کنیم. برنامه ای بنویسید که ادرس یک متغیر

pp2

```

# in clued <stdio.h>
# include <conio .h>
{
Int a = 205;
Print f( " Address of a is %x "&a );
Printf ("data is %d",a);
Getch ( ) ;
}

```

Address of a is fff4 data of a is 205 چاپ میشود خروجی برنامه

برنامه مجموعه ای از دستوراتی است که روی داده ها اعمال می شود تا خواست کار بربر آورده شود

برنامه = الگوریتم + داده | الگوریتم ها بر روی داده ها اثر می گذارد داده را پردازش می کند

برنامه : الگوریتم هایی هستند که روی یک سری داده ها پردازش انجام و اطلاعات مورد نیاز کاربر را تحویل می دهد

فرض کنید که یک ماشین طوری طراحی شده است که می تواند دستورات موجود در

جدول زبان ماشین زیر را انجام دهد

0000	ID	از حافظه خوانده در محل ثابت A قرار می دهد
		A →
0100	ID	از حافظه خوانده در محل ثابت B قرار می ده
0010	And	A+B را در A قرار می دهد
0010	sub	A-B را در A قرار می دهد
1110	out	Out → A
1111	HLT	Stop

فورمت دستورات

کد عمل	آدرس
0000	1100
LD A	12

A → M [12]

در دستورات sub, add نیاز به آدرس ندارد

فرض کنید در خانه ۱۲ حافظه عدد ۱۵ و در خانه ۱۴ حافظه ۳۰ وجود دارد برنامه ای

بنویسید که ۳۰+۱۵ پورد ۱۰-----

M [12]=15
M [14]=30
Port 10 → 30+15
Ld A=12
LDB=14
ADDx
Out 10
HLT

برنامه ای که ترجمه کردیم روی آدرس صفر قرار می دهیم

آدرس	محتویات
0	0000 1100
1	0100 1110
2	0010 ****
3	1110 1010
5	1111 ****
.	.
12	0000 1111
13	**** 1111
14	0001 1110

برنامه به زبان ماشین

0000 1100
0100 1110
0010 ****
1110 1010

```

# معادل این برنامه به زبان C
include <stdio.h>
#include <conio.h>
Void main ( )
{
Clrscr;
int a=15
Int b= 30
Printf ("a+b =%d",a+b);
Getch( );
}

```

ارایه

به مجموعه داده های هم نوع گفته می شود که یک یک در حافظه قرار داده می شود و دارای نام مشترک می باشد این داده ها با اندیس [] با شماره از هم دیگر متمایز می شوند. به عنوان مثال در زبان C

char a [10];

از نوع کاراکتر تعریف می کنیم که با اندیس های ۰ تا ۹ مشخص می شوند.

یعنی اولین عنصر در صفر [0] a دومین عنصر در [1] a و نهمین عنصر در [9]

A[0] a [1] a[2] a[9]

فرض کنید ادرس اولین در ۱۰۰۰ باشد دومین ۱۰۰۱ و سومین در ۱۰۰۲ برنامه ای بنویسید که ادرس خانه های ارایه a[10] در مانیتور چاپ شود

pp4

```

Include <stdio.h>
Void main( )
{
clrscr ( ) ;
Int i;
Char a[10];
For(i=0;i<10;i++)
Printf("\address of a[ i %d ]is %x".& a[ i ] );
Geth( )
}
Ffec 12 ffed 13 ffee 14 ffef 15 fff0 fff1.

```

برنامه pp5 را بنویسید که ادرس ارایه از نوع int را در مانیتور چاپ کند.

```

Pp5
#include <stdio.h>
void main( )
{
clrscr ( )
int i;
char a[10];
for(i=0;i<10;i++)
printf("address of a[%d]is%x".i;&a[i]);
getch ( );
}

```

Pp6 را طوری بنویسید که ادرس از نوع اعشاری در مانیتور چاپ کند.

```

#include <stdio.h>
#include <conio.h>
void main ( )
{
clrscr( );
int i;
float a[10];
for(i=0;i<10;i++)
printf("address of a[%d]is%x,i;&a[ i ] );
getch ( );
}

```

فرمولی ارائه دهید که بوسیله آن با داشتن اولین ادرس اولین خانه آرایه بتوان ادرس سایر خانه ها را محاسبه کرد

```

Pp5
i=0, 1,2,3,.....
Address of a [ i ] =base +i *L)

```

(طول و نوع داده.....i*) + ادرس شروع = ادرس آمین عضو

طول و نوع داده (0*2) + fff2 = ادرس 0 مین عضو

آدرس چهارمین = fff2 + (4 * 2) = fffA

در بعضی از زبان های برنامه نویسی اندیس آرایه از یک شروع میشود در این صورت از

فرمول زیر جهت محاسبه یا ادرس های یک آرایه استفاده می کنیم

address of a [i] = base + ((i - 1) * L) : مثال

طول و نوع داده * (i - 1) + ادرس شروع = ادرس آمین عضو

مثال: فرض کنید در یک زبان برنامه نویسی اندیس ها از یک شروع می شوند از فرمول فوق ادرس خانه های یک ارایه از نوع عدد صحیح را که ادرس شروع آنها **Ff 00** می باشد به دست آورید

۱- ادرس اولین خانه $\text{ff00} + (1-1) * 2 = \text{ff00}$ ادرس

یکمین خانه

۲- ادرس پنجمین خانه $\text{ff00} + ((5-1) * 2) = \text{ff08}$

ادرس پنجمین خانه

برنامه **pp6** را طوری بنویسید که نمرات یک کلاس ۲۰ نفری را گرفته در یک ارایه قرار دهد و معدل کلاسی را محاسبه نموده در آخرین ارایه درج نماید سپس محتویات این ارایه به همراه ادرس و نام آنها در مانیتور چاپ کند

نام	ادرس	محتویات
Pp6	ffc0	16.5

```

a[0]
#include <stdio.h>
#include <conio.h>
void main()
{
    clrscr();
    int i;
    float a[20], sum;
    for(i=0; i<20; i++)
        scanf("%f", a[i]);
    for(i=0; i<20; i++)
        sum = sum + a[i];
    A[20] = sum / 2;
    for(i=0
    
```

ارایه های دو بعدی

در بسیاری از برنامه ها ما نیاز داریم که در جدول ها از ذخیره و نگهداری داده ها " داده هایی که با هم ارتباط دارند استفاده کنیم
مثال: گراف زیر ارتباط ۵ شهر را با همدیگر نمایش می دهد از اعدادی که روی بارها نوشته شده اند فاصله بین دو شهر را نشان می دهد

برای ذخیره و نگهداری جداول در کامپیوتر از ارایه دو بعدی استفاده می کنیم ارایه دو بعدی مجموعه ای از داده های هم نوع می باشند که به ترتیب و پشت سرهم در حافظه قرار می گیرند ارایه دو بعدی را به دو ترتیب زیر می باشد

۱- به ترتیب سطری ۲- به ترتیب ستونی

۱- ترتیب سطری : نحوه چیدمان داده ها به ترتیب سطری به این ترتیب می باشد که ابتدا سطر اول بعد سطر دوم در حافظه قرار می گیرد

۲- ترتیب ستونی : نحوه چیدمان داده ها به ترتیب ستونی به این ترتیب می باشد که ابتدا ستون اول بعد ستون دوم در حافظه قرار می گیرد.

مثال : داده های موجود در جدول زیر را به ترتیب سطری در ادرس ۱۰۰۰ حافظه قرار دهید

M [1000] = 30	a	b	c
M [1001] = 10	30	10	11
M [1002] = 11	12	40	5
M [1003] = 12	fortrain		
M [1004] = 40			
M [1005] = 5			

برنامه ای بنویسید که ادرس های یک آرایه ۵*۵ را از نوع `intejer` را در مانیتر نمایش دهید.

```
Pp7
#
#
Void main(0
{
Clrscr( );
Int i,j;
Char aa[ 5 ] [ 5 ]
Int a[5][5];
For(i=0;i<5;i++)
For(j=0;j<5;j++)
Printf("\n addressofa[%d][%d] is %x,i,j& a a [ i ][ j ] );
}
Printf("\n");
}
getch ( );
}
```


مثال: برنامه ای بنویسید که اعداد اعشاری $۳*۲$ را در مانیتور چاپ کند. pp9
 برنامه ای به زبان C بنویسید که ادرس دو بعدی برای کاراکتر سطری با بررسی ادرس ها
 در مثال های فوق ترتیب ذخیره سازی ارایه های دو بعدی در زبان C مشخص کند. فرمول
 محاسبه ادرس ها دو بعدی ارایه دهید.

#

محاسبه ادرس خانه های ارایه با شروع از اندیس یک و به ترتیب سطری از رابطه بالا
 حساب می کنیم.

مثال: فرض کنید ارایه $۴*۲$ زیر در حافظه به ترتیب سطری قرار داده شده است اندیس
 های این ارایه از یک شروع می شود اگر ادرس اولین عضو ارایه برابر ۲۰۰۰ باشد ادرس A
 2*3 را بدست آورید

A 2*L				
N*m				
Base=2000	1.1	3.1	6.1	8.5
L=4	2.1	1001	7.5	4.5
A 2*3				
8=L				
J =3				
Address= Base+[(i-1)*m + (j -1)]*L				
A2*3 address=2000 + (12-1) *4+13 -11) +4 =204				
2000	1.0			
2004	3.1			
2008	6.1			
2012	8.5			
2016	3001			
2020	1001			
2024	7.5			
2028	4.5			

```
# include<stdio.h >
# include<conio.h>
(void main
{
Clrscr ( );
;int i,j
int a[5][5 ]
(for(i=0;i<5;i++)
(for(j=0;j<5;j++)
{
printf("Enter distance of %c to %c :",i+65,j+65);
scanf("%d",&a [ i ] [ j ]);
}
Getch ( );
}
```

pp8

ترتیب سطری

توضیح : اگر اندیس ها از صفر شروع شود رابطه فوق به رابطه زیر تبدیل می شود

$$A_{i,j} \text{ address} = \text{Base} + [(i*m+j)]*4$$

فرض کنید ارایه $n*m$ از ادرس شروع Base با طول داده L به ترتیب ستونی در حافظه نگه

داری می شود

فرمولی ارائه دهید که ادرس $A_{i,j}$ را محاسبه کند

1.1	3.1	6.1	8.5
2.1	10.1	7.5	4.5

$$A_{i,j} \text{ address} = \text{Base} + ((j-1) * n) + (i-1) * L$$

مثال: فرض کنید اندیس $2*4$ از اندیس Base شروع 2000 در 4 با طول 2000 در 4 در حافظه قرار دارد مطلوب است محاسبه

در حافظه قرار دارد مطلوب است محاسبه A_{2*3} به ترتیب ستونی

2000	1.1
2004	2.1
2008	3.1
2012	10.1
2016	6.1
2020	7.5
2024	8.5

$$2018 \quad c.d \quad A_{2*3} \quad \text{Address} = 2000 + ((3-1) * 2) + (2-1) * 4 = 2020$$

اگر اندیس ارایه از صفر شروع شود رابطه فوق به صورت زیر خواهد بود

$$A_{i,j} \text{ address} = \text{Base} + ((j*n) + i) * L$$

طول ارایه ثابت می باشد.

```
#include <stdio.h>           pp9
include <conio.h>
void main ( )
{
;int i,j
float a[ 2 ][ 3 ]
;clrscr ( ) ;
for(i=0;i<2;i++ )
for(j=0;j<3;j ++);
}
printf("\n Adress a[%d][%d] is:%x",i,j,&a[ i ][ j ]);
printf("\n");
getch ( ) ;
}
```

اشاره گر: اشاره گر به نوعی متغیر گفته می شود یک ادرس را در خود ذخیره می کند. در زبان

C برای تعریف اشاره گر اول نام آن را با ستاره شروع می کنیم .

مثال : دستور `int* p;` متغیر `p` را از نوع اعداد صحیح و به صورت اشاره گر تعریف می کند یعنی متغیر `p` آدرس خانه ای از حافظه را در خود نگه می دارد که در آن خانه یک عدد صحیح می باشد

```
int* p;    int a =2;    p=&a;
```

با نوشتن مجموعه دستورات زیر `p` به محلی از حافظه اشاره می کند که در آن مقدار ۲ قرار دارد

مثال: برنامه `pp10` را طوری بیه بنویسید که مقدار یک اشاره گر و محتویات موجود در خانه ای که `p`

```
#include <stdio.h>
#include <conio.h>
void main ()
{
clrscr();
int*p;
int a= 10;
p=&a;    & = address
printf(" مقدار a is %d address of is %x, *p,p);

```

ستاره `*p` در دستور `printf` در واقع مقداری است که `p` به آن اشاره می کند به عبارت بهتر `*p` مقداری را که در آدرس قرار دارد نشان می دهد `p` آدرس `*p` مقدار آن آدرس را نشان می دهد اشاره گر یک آدرس است

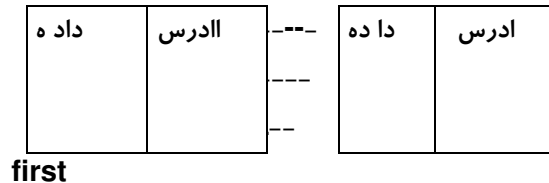
مثال: آرایه با طول ثابت آرایه با طول متغیر در آرایه با طول ثابت تعداد داده ها می که می خواهیم ذخیره کنیم از اول مشخص بوده و در حین اجرای برنامه کامپایلر مقدار حافظه لازم را برای آرایه تخصیص می دهد ولی در آرایه با طول متغیر ابتدا طول داده یا مقدار حافظه مورد نیاز مشخص شده و بعد از مشخص شدن مقدار حافظه مورد نیاز از سیستم را درخواست نموده و این مقدار حافظه را از حافظه اخذ می نماید

```
#include <stdio.h>
#include <conio.h>
#include <malloc.h>
p ( int *) malloc ( Size of (mgdar ))
```

مثال: برنامه ای بنویسید که ابتدا تعداد داده مورد نیاز را از کار بر سؤال نموده و بعد از گرفتن خانه مورد نیاز به آن تعداد داده از کار بر گرفته و در حافظه ذخیره نماید

```
#include <stdio.h>
```

```
#include<stdio.h>
Void main ( )
{
Int*p
Int l,n
Printf("enter number of data");
Scanf("%d",&n);
P=(int*)maLLoc(n*2)
For(i=0; i<n;i++)
{
printf("enter %d , s number, l);
Scanf("%d",p[ l ]);
```



```
While(p → next .!= NaLL
{
Printf("%d,p ->Data);
P=p →next;
}
```

ارایه با جدول ثابت و متغیر: ارایه هایی که تا کنون تعریف و به کار بردیم ارایه با جدول ثابت بودند در کار کردن با این ارایه ها معمولا دو نوع مشکل وجود دارد یک اگر ارایه با طول n تعریف کنیم و نیاز به ذخیره $n+1$ ام عنصر باشد ارایه نمی توانیم قرار دهیم به عنوان مثال با تعریف مقصد ۱۰ تا عنصر می توانیم در ارایه قرار دهیم `int a[10]` اگر نیاز به ذخیره ۱۱ ام عنصر باشد نمی توانیم ذخیره کنیم برای حل این مشکل طول ارایه را می توانیم بزرگ بگیریم در

این صورت مشکل دوم بوجود می آید. اگر طول ارایه را بزرگتر از آنچه که مورد نیاز می باشد تعریف بکنیم قسمت هایی از حافظه از دست می دهیم حافظه هرز. برای رفع این مشکل از ارایه با طول متغیر استفاده میکنیم برنامه `pp11` یک ارایه با طول متغیر بوجود می آورد یعنی

در ابتدای برنامه به تعداد داده ما کاسته می شود سپس با استفاده از `malloc` به اندازه مورد نیاز حافظه در اختیار می گیریم و ادرس شروع آن را در `p` قرار می دهیم برنامه `pp12` را طوری بنویسید که ابتدا تعداد داده ها را پرسیده سپس یک ارایه با طول همان ایجاد نمائید بعدا به همان تعداد داده ها را دریافت نموده و در ارایه قرار دهید و حاصل جمع داده ها را محاسبه نموده و به همراه داده ها در مانیتور چاپ کنید

pp12

داده ها نوعش **float** باشد

```
# include <stdio.h>
#include< conio.h>
# include< stdLib.h>
```

```

Void main ( )
{
Float sum=0;
Float*p, *first;
Int n,l ;
Clrscr ( );
print f (" \n enter number of Data );
Scan f("%d" &n);

```

ساخت ارایه با طول n "

```

P= ( float*0 malloc (4*n);
First =p;
For(i=0;i<n;i++)
{
Printf("\n enter %d.s Data :",L);
Scanf("%f, p+i);
}
For (i=0;i<n; l++)
{
Printf(" \n%dis of Data is % f "i, *p+ l ));
Sum +=* (p+i);
}
"end offor
Print f ("\n sum is :%f", sum);
}

```

تابع malloc

در فایل سرایند std تعریف شده و فورمت ان به صورت زیر می باشد

(void *) malloc(size);

این تابع به اندازه سایز بایت خانه حافظه از سیستم دریافت نموده و ادرس شروع ان را برای ما تحویل می دهد
اگر ما بخواهیم تابعی را تعریف کنیم که مجموع داده های موجود در یک ارایه را توسط یک تابع محاسبه کنیم این کار را می توانیم به دو روش زیر انجام می دهیم .

۱- هنگام فرا خوانی تابع تمام داده هارا به عنوان آرگومان به تابع بدهیم این تابع مجموع آرگومان ها را به ما بر می گرداند
مثال : برنامه ای بنویسید که مجموع سه تا عنصر موجود در یک ارایه توسط تابع محاسبه نموده و در تابع اصلی حاصل جمع ان ها را چاپ کند

```

Pp13
#include <stdio.h>
# include <conio.h>
Void main ( )
Int sum (int a,intb,int c)
{
Return(a+b+ c);
}
Void main ( )
{
Int a[3 ]={ 2,5.7 };
Clrscr ( )
Printf("\n sum of Deta is : %d" , sum (a[0 ]= a[1 ], a[2],
}

```

تابع را مقدار میدهیم صدا می زند valio ball call

روش دوم

به روش اول روش فرا خوانی با مقدار می گویند روش اول وقتی که مقدار عناصر ارایه زیاد باشد نمی تواند مورد استفاده قرار گیرد . به همین دلیل ما از روش دوم که فراخوانی با ادرس مشهود می باشد استفاده می کنیم

call by

reference

در این فرا خوانی کافی است که ادرس شروع ومقدار عناصر ارایه را به تابع بدهیم تابع مجموع عناصر را محاسبه کرده و آن را برمی گرداند

```
Pp14
#include < stdio .h>
# include < conio.h>
{
Int s = 0,l ;
For (i=0; i<n; i++)
S=s+ p [l ];
Return ( s );
Main ( )
{
Int a[10] ={1,10,11,12,2,5,10,3,9,16,} ;
sum =(A,10);
& A[0]
Printf("\n sum of Data is:%d",sum(&A[0 ],10 ));
```

روش وساختمان داده (ارایه با طول متغیر)

موقعی به درد می خورد که ما ابتدای اجرای برنامه تعداد داده ها را به n ام . در صورتیکه در اکثر کاربردها وبرنامه های کار بردی ما تعداد داده ها را در ابتدای اجرای برنامه نمی دانیم مثلا ثبت نام موبایل پس بایستی نوعی ساختمان داده تعریف کنیم که هر موقع نیاز داشتیم حافظه از سیستم اخذ نموده وبه داده های قبلی اضافه نماید به این نوع ساختمان داده لیست پیوندی می گویند

لیست پیوندی به صورت زیر می باشد هر کدام از خانه های ان دارای دو تا فیلد می باشد جز اول یا فیلد اول داده و فیلد دوم ادرس خانه بعدی می باشد این خانه ها از طریق فیلد های ادرس پیوندی ارتباط بر قرار می کند به همین دلیل به این ها لیست پیوندی می گوئیم با در دست داشتن ادرس لیست پیوندی می توانیم به تمام خانه های لیست دسترسی داشته باشیم با شروع first به خانه های بعدی وبا next به خانه های بعدی آخرین خانه دارای ادرس naLLi می باشد ومی توانیم به این طریق انتهای لیست را شناسایی کنیم

قرار دادن اطلاعات در لیست پیوندی را درج کردن می گوئیم و ملاقات تک تک عناصر موجود در لیست پیمایش ان می گوئیم

Pp15

#

#

```
#include<stdlib.h>
```

```
struct LL
```

```
{
```

```
int Data
```

```
struct LL * next;
```

```
};
```

```
struct LL * first
```

```
int srt ()
```

```
{
```

```
first =( structLL*)malloc( 4);
```

```
first->Data = 100;
```

```
first->next =(structLL*)malloc(4);
```

```
first->next->Data = 200;
```

```
first->next->next =null;
```

```
Pay ()
```

```
{
```

```
printf("1, s Data )s:%d",first->Data) ;
```

first

data

next

2

100	
-----	--

--	--

200	NULL
-----	------

--	--

```
printf( "2, s Datais: %d",first->next->Data);
```

```
Main ()
```

```
{
```

```
insert ();
```

```
Pay()
```

```
Getch();
```

```
}
```

برنامه ای بنویسید که نام های عسل وعلی و مریم را در یک لیست پیوندی قرار داده با

دریافت ادرس شروع

لیست فوق نام های موجود در لیست تا رسیدن به انتهای لیست خوانده و در مانیتور چاپ

کند

تابع StrCPY در فایل سراینده String.H و فورمت آن به صورت زیر می باشد

این تابع رشته s2 را در داخل s1 قرار داده string(s1,s2);

دستور این اشاره گر p یک خانه در لیست پیوندی جلو می رود p = p -> next ;

```
#include<stdio.h>
```

```
#include < stdio .h >
```

```
#include < std lib .h >
```

```
#include < string.h >
```

```
struct .LL.
```

```
{
```

```
char nam [10];struct LL * next
```

```
}
```

```
void insert (struct LL *L, char nam [10] )
```

```
{
```

```
struct LL L1;
```

```
while( l != null)
```

```
L1 = l
```

```
L = L->next; = ( L i* ) malloc (12);
```

```

Strucpy ( L → next → nam, nem);
L →next → next += null;
}
Void pag( struct LL L)
{
While (L,!= null)
{
L=L → next;
Print f ("\n %s",L → next) ;
}
" while
}" tab
Void main ( )
{
struct ll*p;
Insert( p,"ali");
Insert(p," asall");
Insert (p," ma ryam");
Pag ( p);
}

```

p → next = null; pp16

مشخصات یک دانشجو شامل فیلد های نام : نام خانوادگی : شماره های دانشجویی . معدل .
باشد ساختمان داده ای تعریف کنید که به توان این داده ها را با لیست پیوندی مدیریت

struct s ll کرد

```

{
Char nam[10];
Char family [10 ];
Char shomaray [10 ];
Ci out modal;
Struct s1 L * next };

```

۱- برنامه ای بنویسید که تعدادی مشخصات را گرفته در لیست پیوندی قرار

دهد

۲- برنامه ای بنویسید که داده های موجود را در این لیست پیوندی در

مانیتور چاپ کند

۳- برنامه ای بنویسید که شاگرد اول را از روی معدل شنا سایی کند و در

مانیتور چاپ کند

برنامه ای بنویسید که تعدادی اسم به دلخواه کاربر یعنی در هر مرحله بعد
از گرفتن اسم از کار بر سؤال نماید که آیا نام دیگری می خواهید وارد کنید
با نه را از کاربر سؤال نموده وبا وارد نمودن **yes** یا **y** نام دیگری را بخواهد
و یا تایپ نمودن حرف **n** وارد نمودن اسم ها خاتمه یافته سپس نام دیگری از
شما سؤال نموده و اگر ان نام در داخل نام های قبلی وارد شده وجود داشته

با شد پیغام

Yes ,no را به ما بد هد.

تابع insert مثل تابع قبلی می باشد

تابع find

```
Find (struct LL,nam )
{
Struct ll;
While( str cmp(l→( s1,s2 ) nam, nam )!= 0 ) &&L → next i= null)
L=L → next;
If str cmp ( L→ nam,nam )=0
Printf ( " yes " ) ;
Else
Printf( " no " )
}
Void main ( )
{
Struct LL;
Char ch , str[ 10 ] , ch = 'y ' ,
While( ch != 'n' )
Scanf ( " %S ",str );
Insert ( L, str );
Printf ( do you want to contenew )
Ch = getch ( ) ;
}
Scanf ( "%s", str );
Find ( L, str );
Getch ( )
}
```

مثال - برای ذخیره ۳۰ عدد صحیح از یک آرایه ۱۵ تایی استفاده نموده اگر این داده ها

را در لیست پیوندی قرار دهیم مطلوب است

۱- محاسبه حافظه های هرز در آرایه

۲- حافظه هرز در لیست پیوندی

۳- شاخص کارایی حافظه نسبت به آرایه

حافظه آرایه در لیست آرایه $150 - 30 = 120$ $120 * 2 = 240$

$60 = 30 * 2 =$ حافظه هرز در لیست پیوندی

درس	داده
-----	------

240 . حافظه هرز آرایه = شاخص کارایی حافظه لیست پیوندی نسبت به آرایه

برابر است با

حافظه آرایه به لیست $----- = 0 ----- = 4$

60 حافظه هرز لیست

یعنی در استفاده از آرایه در این مثال ۴ برابر حافظه هرز بیشتر مصرف می شود.

برنامه ای بنویسید که n تا داده را در یک آرایه قرار دهد و سپس آنها را مرتب کند و مرتب شده آنها را در مانیتور چاپ کند.

```
#
# defin n 10
Int a [n], i, j ;
Void main ( )
```

```
{
Daryaft ( )
Sort f ( ) ;
Print ( ) ;
}
```

یا بصورت دیگر

```
#
#
# defin n 10
Int A[n ], i, j ;
Void daryaft ( )
{
For ( i = 0 ; i < n ; i ++ )
{
Print f ( "\n enter A[ %d ]":i ) ;
Scanf( "%d", & A [i]);
}
}
Void sort ( )
{
Int temp ;
For ( i=0; i< n- 1; i++)
For( j= i+1;j<n;j++)
If (A[ i ]>A[ j ])
{
Temp = A [ i ] ;
A [ i ] = A [ j ] ;
A [ j ] = temp;
}
}
Void print ( )
{
For ( i=0 ; i<n ; i ++ )
Print f ( "\n A[%d] is % d", i , A [ i ] ) ;
}
Getch ( ) ;
}
```

i	تعداد مقایسه
0	N
1	N - 1
2	N - 2
.	.
.	.
N - 1	1

تعداد مقایسه در مثال فوق بر حسب i شمارنده مجموع می شود $n/2 * n$

برای محاسبه تمامی مقایسه ها بایستی ستون دوم جدول فوق را باهم جمع کنیم
مجموع مقایسه ها $= n + n - 1 + n - 2 + \dots + 2 + 1$

$$= \sum_{i=1}^n i = n * n/2 = n^2 / 2 = 1/2 * n^2$$

اصطلاحاً می‌گوییم تابع فوق دارای مرتبه $O(n^2)$ می‌باشد و با نماد $O(n^2)$ یعنی از ضریب n^2 سر

ف نظر می‌کنیم بیشتر برای ما توان مطرح و مهم می‌باشد.

مرتب سازی حبابی

مرتب سازی حبابی از مرتبه n^2

برنامه ای بنویسید که اطلاعات مربوط به متقاضیان وام به یک بانگ در یک لیست پیوندی

قرار دهد pp19

برنامه اصلی به صورت زیر می‌باشد (تعداد متقاضی مشخص نیست)

```
MAIN ()
{
  DRYAFT ();
  SORT ();
  PRINT ();
}
```

که در ان اطلاعات را

دریافت کرده و در لیست قرار می‌دهد.

تابع **sort** اطلاعات را بر اساس نام آنها مرتب و تابع **print** ان اطلاعات را در مانیتور چاپ می‌کند

مشخصات متقاضی نام و نام خانوادگی مبلغ درخواستی پس در این صورت ساختمان داده استفاده در لیست پیوندی به صورت زیر خواهد بود

```
Struct vam
{
  Char, name [ 10 ];
  Char family [20 ];
  Longint mablag ;
  Struct vam *next;
}
first , * p;
```

تابع دریافت

یک کاراکتر تعریف می‌کنیم

daryaf t ()

```
Char ch = 'y';
{
  First =( struct van*) malloc(sizeof(struct van));
  P =first;
  While( ch=='y')
  {
    Printf("\n enter number:");
    Scanf("%s,p->name);
```

```

Printf("\n enter f name:");
Scanf ("%s", p->f name);
Printf("\n enter mablag );
Scanf ("%Ld",p-> mabLag);
Printf("\n doyou want +enter new data y/n");
Ch=getch ( );
If (ch =='y')
{
p->next=struct van *)maLLoc (size of (struct von ));
p =p -> next;
}
"end of while
P -> next= naLL;
}
"end of daryaft

```

تابع sort مرتب سازی

```

Sort ( )
Char temp[20];Longint a;
{
Struct vam *q;
P = first
While ( p-> next= nuLL)
{
q = p-> next
while ( q-> next % = null)
if ( str cmp (p-> name, q -> name >0 ))
{
Strcpy ( temp, p -> neme )
Strc py ( p -> nam, q -> nam )
Str c py ( q -> nam, temp ) ;
Strc py ( temp; p -> fname)
Strc py ( p -> fnam ; q -> fnam)
Strc py ( q -> fnam , temp ) ;
A = p -> mablag ;
P -> mableg = q -> mablag;
Q -> ,ablag = a;
}
Q =q -> next ;1
}
"end of while q
P = p -> next ;
}" end of while q
}
" end of sort

```

تابع print مرتب سازی

```

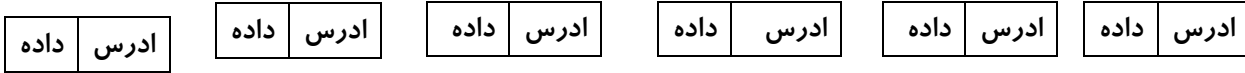
Print ( )
{
P = first ;
While ( p != null
Print ( "\n name % s %s\t
Fname, p -> fname
P -> mablag ;
P =p -> next;
Getch ( )

```

}

حل مسئله از طریق شکل

1 → 5 2 → 4 2 → 6 3 → 5



حل مسئله از طریق شکل

```
temp = p → next
P → next = q → next
q → next = temp
temp = q → next → next
q = next → next = p → next → next
p → next → next = temp
```

19 pp اطلاعات مطرح شده در pp19

می خواهیم توسط ارایه مرتب سازی کنیم بطور متوسط هر روز ۳۰ نفر متقاضی به بانگ مراجعه می کند

اگر مثال: 19 pp را با یک ارایه ۳۰۰ تا pp پیاده سازی نمائیم شاخص کارایی رابا لیست

پیوندی که ارایه در مثال فوق محاسبه نمائید

محاسبه سائز ساختمان ۱۰ نام + ۲۰ فامیل + ۴ تا برای مبلغ + ۲ تا ادرس

حافظه هرز در لیست = ۶۰ * ۲ = ۳۰

حافظه هرز در ارایه = ۹۱۸۰ = ۳۴ * ۲۷۰

شاخص کارایی حافظه لیست = ۹۱۸۰ = -----

نسبت به ارایه = ۱۵۳ ----- = ۶۰

یعنی لیست پیوندی در مثال فوق برابر ۱۵۳ برابر حافظه هرز کمتری دارد

اگر دو مثال فوق را باهم مقایسه کنیم اگر روزی قرار باشد ۳۰۲ نفر به بانگ مراجعه کند

برنامه ای که با ارایه نوشته شده است ثبت ۳۰۱ مین نفر عاجز خواهد بود در صورتیکه

لیست پیوندی به کار خودش ادامه خواهد داد

Serch

ملاقات عناصر موجود در حافظه جهت پیدا کردن عنصر مورد نظر را جستجو می گوئیم

در این جلسه دو نوع جستجو معرفی خواهیم کرد.

جستجوی خطی : جستجوی دو دویی یا باینری

جستجوی خطی را در تمام داده ها می توان انجام داد

در صورتیکه جستجوی باینری را فقط در روی داده های مرتب شده می توان انجام داد قبل

از وارد شدن به این بحث بهتر است ساختمان ریاضی درخت را معرفی نمائیم

ساختمان درخت

درخت به نوعی ساختمان ریاضی گفته می شود که دارای ۲ بجه از نوع خودش باشد
 عناصری که بچه نداشته باشد برگ و عنصری که پدر نداشته باشد ریشه می گوئیم .
 درختی که هر کدام از عناصر آن دو بچه داشته باشد به آن درخت دو دویی می گوئیم
 اگر فاصله همه برگ ها در ریشه برابر باشد درخت حاصل را درخت دودویی کامل می گوئیم
 خصوصیات این درخت

ارتفاع یا عمق درخت (در شکل زیر یک درخت کامل دودویی و عمق درخت کامل را نشان

می دهد.) فاصله تمام بندها تا ریشه برابر دو می باشد

اگر عمق ۲ باشد تعداد برگ $2n$ هست (دو به توان n است)

تعداد گره های غیر برگ $2n-1$ هست (دو به توان آن منهای یک است)

تعداد کل گره ها $2n + 1$ --1 (دو به توان n بعلاوه یک و منهای یک هست) $m+1$

اگر تعداد گره ها در یک درخت m باشد عمق از رابطه زیر بدست می آید $\log_2 m - 1$

2 به توان $3 = 8$ $7 + 1 = 8$

در جدول زیر مشخصات درختهای دو دویی کامل درج شده است

مجموع گرهها	تعداد گرههای برگ	تعداد گرههای غیر برگ	تعداد گرهها
۷	۴	۳	۲
۱۵	۸	۷	۳
۳۱	۱۶	۱۵	۴
			۵

$$\log_2 32 = 5$$

$$32 = 2^5 \text{ به توان } 5$$

$$31 = 2^5 - 1$$

جستجوی خطی

در جستجوی خطی تک تک عناصر را جهت پیدا کردن عنصر مورد نظر ملاقات می کنیم
 مثال: برنامه ای بنویسید که با استفاده از جستجوی خطی در آرایه یک عنصر مورد نظر را پیدا
 کند. $search()$

```

{
Int a[ 10 ] = { 1,2,12,20, 50,60 }
Int I, j ;
Printf ("\n enter a number for serch :");
Scan f ("%d",& j);
For ( i=0; i<10 ; I++)
If ( a [ I ] == j )
{
Print f ("number is %d is in %d s", I,I);
Break;
}
}

```

در برنامه فوق چند تا مقایسه صورت می گیرد بدست آورید

ممکن است بگوئید اولین عدد

مجموع مقایسه ها برابر است با $n + 2 + 1$ است

متوسط مقایسه ها برابر است با

$$O(n) = \frac{n-2}{n} = \text{متوسط مقایسه ها از مرتبه } O(n) \text{ است.}$$

جستجوی خطی را در لیست پیوندی بنویسید که مجموع مقایسه ها و متوسط مقایسه ها را

بدست آورید $pp23$

جستجوی دودویی

معمولا در مورد آرایه های مرتب بکار برده می شود

۱ : ۱۰ : ۱۲ : ۱۴ : ۱۵ : ۳۵ : ۴۰ : ۴۵ و ۶۵

این نوع جستجو را به صورت زیر انجام می دهند

اول داده مورد نظر را با داده وسطی مقایسه می کنند اگر از آن بزرگتر باشد جستجو را در نیمه

بالایی انجام می دهند. اگر از آن کوچکتر باشد جستجو را در نیمه پایینی انجام می دهند توجه

شود که جستجو در نیمه بالایی و نیمه پایینی نیز با همان عنصر وسطی مقایسه می شود در این

نوع جستجو به ازای هر مقایسه نصف داده ها کنار گذاشته می شود

در جدول زیر تعداد ما کسیموم مقایسه ها بر حسب تعداد عناصر موجود در آرایه ها نوشته

شده است

ماکزیموم مقایسه n

۸	۳
۱۶	۴
۳۲	۵

۶	۶۴
۷	۱۲۸
۸	۲۵۶
۹	۵۱۲
۱۰	۱۰۲۴
۱۱	۲۰۴۸
۱۲	۴۰۹۶

در واقع اگر n تا داده داشته باشیم $\log_2 n$ را مقایسه انجام می دهیم
 مرتبه جستجو دودویی از مرتبه $\log n$ ان بر مبنای ۲ می باشد که با نماد $O(\log 2n)$
 نشان می دهیم

جستجوی دودویی را فقط در ارایه ها می توان استفاده نمود
 جستجوی دودویی در لیست پیوندی اگر مرتب هم باشد نمی توان استفاده نمود .
 با توجه به ساختمان لیست پیوندی فقط جستجوی خطی را می توان بکار برد
 مثال : برنامه جستجوی دودویی را در ارایه مرتب pp_{24} بکار ببرید

الگوریتمی جهت درج یک عنصر جدید در اول لیست پیوندی ارایه نما ئید .
 فرض کنید داده های زیر در یک لیست پیوندی قرار دارد می خواهیم یک عنصر جدید در اول لیست
 بایستی عملیات زیر را به ترتیب انجام دهیم

۱- گرفتن حافظه از سیستم به ادرس p

۲- ایجاد پیوند p به اول لیست $p \rightarrow next = first$

۳- قرار دادن عنصر جدید در حافظه اخذ شده : $p \rightarrow Data = " Ahhd "$

۴- قرار دادن p به عنوان اولین عنصر ; $first = p$

ASd	2020	Ali	1030	zinab	Null
-----	------	-----	------	-------	------

۱۰۰۰

۲۰۲۰

۱۰۵۰

Null	
------	--

الگوریتمی جهت درج عنصر جدید در انتهای لیست ارایه نما ئید
 فرض کنید لیست زیر در حافظه قرار دارد جهت درج اطلاعات جدید در انتهای لیست بایستی عملیات زیر به تر
 تیب انجام دهیم

۱ - پیمایش لیست تا رسیدن به انتها q به آخرین عنصر اشاره می کند

۲ - گرفتن حافظه از سیستم به ادرس p

۳ - ایجاد پیوند p به انتهای لیست $q \rightarrow next = p$

۴ - قرار دادن عنصر جدید در حافظه $p \rightarrow Data = Ahhd$

۵ - قرار دادن p به عنوان آخرین عنصر $p \rightarrow next = Null$

zinab	null
-------	------

ahhd	Null
------	------

جهت درج عنصر جدید در وسط لیست پیوندی ارایه دهید

فرض کنید لیست زیر در حافظه قرار دارد می خواهیم عنصر جدیدی را بعد از عنصر مورد نظر (علی) اضافه کنیم

اسد	۲۰۲۰
-----	------

علی	۱۰۳۰
-----	------

زینب	null
------	------

--	--

۱ - پیمایش لیست تا پیدا کردن عنصر مورد نظر (p به عنصر مورد نظر اشاره می کند)

۲ - اخذ حافظه جدید به ادرس p

۳ - ایجاد پیوند q با عنصر بعدی $q \rightarrow next = p \rightarrow next$

۴ - ایجاد پیوند p با q $p \rightarrow next = q$

۵ - قرار دادن نام جدید در محل جدید $q \rightarrow data = " ahhd " ;$

تمرین

الگوریتم های نوشته شده در همه این برنامه ها را به زبان c پیاده کنید .

۱ - الگوریتمی جهت حذف یک عنصر از اول لیست پیوندی ارائه فرمائید .

	۲۰۲۰
--	------

	۱۰۳۰
--	------

۱۰۳۰	NULL
------	------

فرض کنید لیست پیوندی زیر در حافظه قرار دارد می خواهیم اولین عنصر از لیست حذف نمائیم

برای این کار اعمال زیر را به ترتیب انجام می دهیم

۱ - قرار دادن ادرس اولین خانه در p $p = first ;$

۲ - قرار دادن ادرس دومین خانه به عنوان ادرس شروع $first = p \rightarrow next ;$

۳ - بر گرداندن حافظه مربوط به اولین خانه به سیستم $first(p) ;$

الگوریتمی جهت حذف آخرین عنصر یک لیست پیوندی ارائه فرمائید

--	--

--	--

--	--

فرض کنید لیست بالا در حافظه قرار دارد می خواهیم آخرین عنصر را از حافظه حذف نماییم
برای این کار باید اعمال زیر را انجام دهیم

- ۱- پیمایش لیست تا رسیدن به انتهای آن p به ما قبل آخر
- ۲- آزاد کردن حافظه تخصیص یافته به آخرین عنصر $free(p \rightarrow next)$
- ۳- قرار دادن p به عنوان آخرین عنصر لیست $p \rightarrow next = null$

الگوریتمی جهت حذف یک عنصر از وسط لیست ارائه فرمائید

فرض کنید لیست زیر در حافظه قرار دارد

۱۰۰۰	اسد	۲۰۲۰	۱۰۱۰	علی	۱۰۳۰	۱۰۱۰	احد	زینب	null
------	-----	------	------	-----	------	------	-----	------	------

عنصر مورد نظر $ahhd$ را از لیست حذف کنیم

برای این منظور اعمال زیر را به ترتیب انجام می دهیم

- ۱- پیمایش لیست جهت پیدا کردن عنصر مورد نظر p به عنصر ما قبل عنصر مورد نظر اشاره می کند

۲- قرار دادن آدرس عنصر مورد نظر در q $q \rightarrow next$;

۳- ایجاد پیوند p با عنصر بعدی (حذف عنصر مورد نظر از لیست)

$p \rightarrow next = q \rightarrow next$

۴- آزاد کردن حافظه تخصیص یافته به عنصر مورد نظر $free(q)$

لیست دایروی با حلقوی

لیست حلقوی به نوعی لیست اطلاق می شود که آخرین عنصر آن به ابتدای لیست اشاره نماید

به طوری که در شکل زیر نشان داده می شود

۱۰۰۰	۲۰۲۰	۱۰۱۰	۲۰۲۰
اسد	۲۰۲۰	علی	۱۰۱۰
		احد	
			زینب
			۱۰۰۰

ویژه گی های لیست حلقوی

۱- با در دیت داشتن یکی از ادرسهای یکی از خانه های ان می توان به تمام خانه ها ی ان دسترسی پیدا کرد . (یعنی ادرس همه خانه ها به عنوان first استفاده کرد)

۲- پیمایش در این لیست از یک ادرس شروع می شود و تا رسیدن به همان ادرس ادامه می یابد

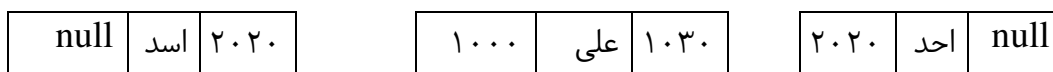
پیمایش در لیست پیوندی همیشه از عنصر اول شروع می شود در صورتیکه در لیست حلقوی پیمایش را می توان از هر عنصری شروع کرد

توضیح : درج کردن در لیست حلقوی مثل درج کردن در وسط لیست پیوندی می باشد ابتدا و انتها ندارد first هم ندارد

لیست دو پیوندی

یکی از ایراد های لیست تک پیوندی این می باشد که در حین پیمایش نمی توان به عنصر های ما قبل بر گشت برای رفع این عیب ساختمان داده جدید ارائه شده که لیست دو پیوندی نامیده می شود

در این نوع ساختمان دو تا پیوند وجود دارد دو تا ادرس



یک پیوند به عنصر قبلی و یک پیوند به عنصر بعدی اشاره می کند
نحوه تعریف این نوع ساختمان را به زبان C بنویسید

```
Struct DLL
{
Struct DLL * pre ;
Char Data [20 ] ;
Fstruct DLL * next;
}
```

تمرین

برنامه ای به زبان C ارائه دهید که لیست دو پیوندی زیر را ایجاد نموده و اطلاعات مربوط به ان را در او درج نماید

Last ,first null

درج در یک لیست دو پیوندی خالی

```
P = (DLL *) malloc ( size of ( Dll )
P → Data ;
Last = p ;
```

```
First = p;  
P → next = null  
P → pre = null
```

Null به هیچ جا اشاره ندارد

قبلی = Pre

DLL = لیست دو پیوندی

۱- الگوریتمی جهت درج اطلاعات در ابتدای لیست دو پیوندی ارائه نمائید

```
P = ( DLL * ) malloc ( size of ( DLL ) );  
P → next , first  
First → pre = p ;  
First → =p;  
First → pre = null;  
P = → Data = Data
```

درج در انتهای لیست

```
P = ( Dll * ) malloc ( dize of ( Dll ) );  
Last → next = p ;  
P → pre = Last          ( Last = Last → next ;  
Last = p ;  
P → Data = Data  
Last → next = null
```

درج در وسط لیست

```
P = ( " DLL * ) malloc ( size of ( Dll ) );  
Q → pre → next = p  
P → pre = q → pre  
P → next = q  
Q → pre = p;  
P → Data;
```

حذف از ابتدای لیست

```
P = first  
First = first → next  
First → pre = null  
Free ( p );
```

حذف از انتهای لیست

```
P = last;  
Last = last → pre  
Last → next = null;  
Free ( p );
```

حذف از وسط

لیست

```
Q → pre → next = q → next;  
Q → next → pre = q → pre;  
Free ( q ) ;
```

مرتب کردن

لیست : پیمایش از انتها

```
DLL * t;  
T = LAST;  
While ( t != null )  
{  
Print f ( t → Data );  
T = t → pre ;  
}
```

پیمایش از ابتدا

```
Dll * t;  
T =- first ;  
While ( t != null )  
{  
Print f ( t → Data );  
T = t → next ;  
}
```

خارج می شود	انتها	قبلی	بعدی	وارد کردن عدد شروع
NULL	Last	pre	next	first

Pp40

برنامه ای بنویسید که نام علی و فاطمه را در یک لیست دو پیوندی قرار دهد

```
# in clued < stdio.h >  
#include < string.h >  
# include < stdlib.h >  
Void main ( )  
{  
Struct dl  
{  
Struct DL * pre;  
Char name [ 20 ] ;  
Struct dl * next ;  
};  
Void ins 2 ( )  
Struct dl * first , * last;  
1- first = ( struct dl * ) malloc ( size of ) ; 24----iany  
2- first → per = NuLL;  
Str cpy ( first → name; "ali " );  
4- first → next = ( struct dl * ) malloc ( size of );  
5 – first → next → pre = first  
6- str cpy (first → next → name," fatmh ");  
7- last = first → next;  
8- first →next → next = null;  
}
```

Pp41

تابعی بنویسید که با دریافت ادرس شروع یک لیست دو پیوندی و یک نام را در انتهای لیست درج نماید

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <stdlib.h>
void ins_end (struct dl * first;
char * name )
{
while (first ->next !=null )
first = first ->next
1- first -> next= ( struct DL * ) malloc (size of )
2- first -> next -> pre = first;
3 - first -> next ;
4- first -> next -> next = null;
5-str cpy first -> next -> name,name
```

Pp44

برنامه ای بنویسید که با دریافت ادرس انتهای لیست دو پیوندی آن را پیمایش نموده در مانیتور و پرینتر چاپ نماید

```
#
#
void pay_end ( struct dl * last )
{
while ( last != NULL
fprinter ( stdout, "\n namr is %S",last ->name );
fprinter ( stdprn,"\n name is %S,last -> name );
Last= last ->per;
}
```

Pp45

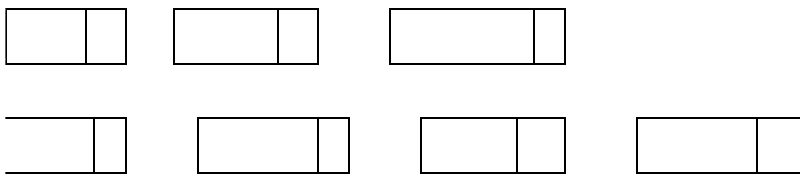
برنامه ای بنویسید که با دریافت ادرس شروع یک لیست دو پیوندی و یک نام آن را در ابتدای لیست درج و در خاتمه ادرس شروع جدید را برگرداند

```
#
#
void main ( )
{
struct DL * ins first ( struct )
{
DL * first char * name )
first -> per = ( struct DL * ) maLLoc (24 );
first -> pre -> next = first;
first = first -> per;
first -> per = NULL;
strcpy ( first -> name,name );
Return (first );
```

Pp48

برنامه ای بنویسید که محتوبات موجود در یک لیست را در انتهای لیست دو قرار دهد
فرض کنید ادرس شروع لیست 2 first می باشد

```
#  
#  
Void (struct DL * first 1, struct DL * first )  
{  
Struct DL * p;  
P=first 2;  
While ( p → next != NuLL )  
P = p → next;  
P → next = first 1 ;  
}
```



ساختمان داده و پشته یا صف

اکثر در سیستم کامپیوتری و برنامه های کاربردی ساختمان داده های صف پشته مورد

نیاز می باشد این نوع ساختمان داده در زیر شرح داده می شود

۱- صف

صف به نوعی ساختمان داده گفته می شود که داده ها در آن به ترتیب ورود به صف پردازش

می شوند یعنی اولین داده ای که در صف قرار می گیرد اولین داده ای است که سرویس می

گیرد به همین دلیل به این ساختمان داده ساختمان داده **fifo** می گویند یعنی **first , in**

first out

برای هویت این نوع ساختمان داده دو اشاره گریا دو اندیس استفاده می شود که یکی به

اول صف اشاره می کند و معمولا **front** و دومی به انتهای صف اشاره می کند و **rear** نامیده

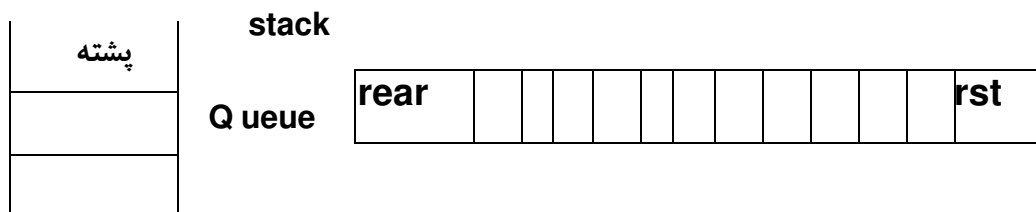
میشود

۲- پشته

پشته نوعی ساختمان داده می باشد که اطلاعات در آن ساختمان داده به ترتیب عکس ورود

انها پردازش می شوند

یعنی آخرین داده‌های که وارد پشته می شود اولین داده‌های است که پردازش می شود به همین علت به این ساختمان داده **Lifo** می گویند. **Last in first out** می گویند برای ورود این پشته یک اشاره گر یا یگ اندیس کافی می باشد که معمولا به این نوع داده **top** می گویند .



Top به آخرین عنصر وارد شده به پشته اشاره می کند

هر دو ساختمان داده فوق را می توان با آرایه و لیست پیوندی ایجاد و مدیریت کرد معمولا در ساختمان داده صف جهت سرویس دهی متقاضیان از یک منبع استفاده می کنیم در صورتی که از پشته در مسائل مخصوص ریاضی و فراخوانی توابعی استفاده می کنیم وقتی یک تابع در داخل تابع دیگر فراخوانی می شود و به همین ترتیب چندین تابع تو در تو فراخوانی شود ابتدا با یستی آخرین تابعی که فراخوانی شده است اجرا شود تا به توان تابع قبلی را اجرا نمود

برای مدیریت توابع بازگشتی و توابع تو در تو ما مجبور هستیم از ساختمان داده پشته استفاده نمائیم. در این صورت ادرس های بازگشت توابع در پشته قرار می گیرد چون این ادرس ها به ترتیب محفوظ مورد استفاده قرار می گیرند یعنی با یستی آخرین تابع فراخوانی شده اجرا شود تا بتوانیم نام قبلی را اجرا نمائیم مثال های زیر این موضوع را مشخص می کند

۱- pp49

برنامه ای بنویسید که کاراکترها را یک یک و پشت سر هم و تا وارد نمودن `enter`

در ما نیتور چاپ نماید

```
# include <stdio.h>
# include <conio.h>
Void main ( )
{
Char ,ch [ 20 ];
Int top → = - 1;
Do
{
Fprinter F ( std out , "\n enter a char:" );
Top + +;
```



```

Ch [ top ] = getch ( ) ;
}
While ( ch [ top ] !=13 );
While ( top != _1 )
{
Top __;
Put ch ( ch [top ] );
}

```

Pp51

توابع باز گشتی و توابع تو در تو توسط پشته پیاده سازی می شود
برنامه pp51 را طوری بنویسید که به کمک توابع باز گشتی کلید ها را یک یک پشت سر هم از صفحه
کلید دریافت نموده و با وارد نمودن کلید اینتر به صورت معکوس عمل نماید (مثل برنامه ۴۹ یعنی می
خواهیم برنامه ای بوسیله توابع باز گشتی بنویسیم

pp51

```

void main ( )
{
Char ch;
Ch = getch ( );
If ( ch != ( 13 )
Main ( ) ;
Put ch ( ch );
}
Void main ( )
{
F ( ) ;
}

```

با مقایسه نتیجه pp49,pp51 متوجه می شویم که توابع باز گشتی حتما توسط پشته پیاده
سازی و مد یریت می شوند

توضیح این که تابع main خود می تواند یک تابع باز گشتی باشد در این صورت می توان
برنامه pp52 را نوشت

Pp52

برنامه ای بنویسید که با استفاده از فراخوانی توابع پشته اختصاص داده شده به برنامه را پر
نماید

راهنمایی اگر یک تابع باز گشتی بخواهد خودش را بی نهایت فرا خوانی نماید در این صورت
پشته اختصاص داده شده به برنامه پر خواهد شد

برنامه ای برای این منظور بنویسید که پر شده پشته را نشان دهد

```

Pp52
( )
{
Printf ( " \n000 End of stack );
Main ( ) ;

```

void main

برنامه pp54 را طوری بنویسید که در آن برنامه کلید های وارد شده از صفحه کلید را وارد نموده و در یک صف قرار دهد و سپس به ترتیب ورود در مانیتور چاپ نماید این برنامه را به کمک ارایه پیاده سازی می کنیم

```
Struct LL
{
Char ch ;
Struct LL * next ;
};
Void main ( )
{
Struct LL * front,* rear *pfront = ( struct LL * ) malloc ( 3 );
Front = rear= getch ( ) ;
Rear → ch = getch ( ) ;
Do
{
Rear → next = ( struct LL ) malloc ( sizeof ( structll ));
Rear = rear → next;
Rear → ch = getch ( ) ;
{
While ( rear → ch != rear )
{
While ( front !=rear )
{
Putch ( front → ch );
P = front;front = front → next;
Fr ee ( p );
}
}
}
```

Pp55

برنامه ای بنویسید که پیاده سازی صف توسط ارایه انجام گیرد

```
#
#
Void main ( )
{
Char Ch [ 20 ] ;
Int rear,front;
Rear = front = 0
,do
[
CH [REAR ] =GETCH ( );
REAR ++;
}
WHILE ( CH [REAR—1] !=13
WHILE ( ENTER !=rear )
{
putch ( ch [ front ] );
```

front ++

```
}  
}
```

توضیح این که پیاده سازی صف با استفاده از آرایه عددی با یستی از ان آرایه بصورت حلقوی استفاده شود یعنی پر شدن آرایه صف اطلاعات را از ابتدای آرایه قرار دهد (صف حلقوی) در این صورت $rear = front$ می شود اگر صف خالی باشد یا پر باشد یعنی در صف های حلقوی در دو حالت $front = rear$ صف پر باشد یا خالی باشد مثل مثال pp55

قرار دادن در ساختمان داده را **push** و بر داشتن از ان را **pop** می گویند.

فرض کنید یک رکورد اطلاعاتی به طول ۵۰ توسط ۳ تا ساختمان داده آرایه لیست تک پیوندی یا دو پیوندی پیاده سازی می شود بطور متوسط ۱۰۰ رکورد در برنامه پردازش می شود انواع الگوریتم های پیچیدگی زمانی و مکانی ساختمان های فوق را بررسی نمائید جهت مدیریت این برنامه با آرایه یک آرایه ۳۰۰ تایی نیاز داریم در این صورت متوسط

حافظه هرز

$$\frac{200}{300} = 66\% \text{ در صد}$$

۳۰۰

۶۶

حافظه مفید

با تک پیوندی $1 - \frac{66}{100} = 33\%$

۱۰۰

۲ بایت	۵۰ طول اطلاعات
--------	----------------

$$2/52 = 4\%$$

حافظه هرز

حافظه مفید

$$50/52 = 96\%$$

لیست دو پیوندی

$$50/54 = 92\%$$

حافظه مفید

حافظه هرز

$$= 8\%$$

$$1 - 92\% = 4/54$$

۲	۵۰	۲
---	----	---

جدول مقایسه ای پیچیدگی مکانی

حافظه مفید	حافظه هرز	نوع ساختمان
------------	-----------	-------------

ارایه	۶۶,۶۶ %	۳۳,۳۳ %
لیست تک پیوندی	۴%	۹۶ %
لیست دو پیوندی	۸%	۹۲ %

نوع ساختمان	مفید	هرز	حذف	اضافه	جستجو	دسترسی	امکان پر شدگی
ارایه مرتب	۳۳,۳۳	۶۶,۶۶	$O(n)$	$O(n)$	دودویی $o(\text{Longin})$	تصادفی	وجود دارد
لیست تک پیوندی	۹۶ %	۴ %	$O(1)$	$O(1)$	$O(n)$	ترتیبی یکطرفه	وجود ندارد
لیست دو پیوندی	۹۲ %	۸ %	$O(1)$	$O(1)$	$O(n)$	ترتیبی دو طرفه	وجود ندارد

درخت

به نوعی ساختمان داده اطلاق می شود که هر واحد ساختمانی می تواند به دو نوع واحد ساختمانی از نوع خود اشاره کند

هر درخت با ریشه آن مشخص می شود .

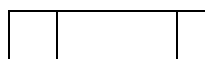
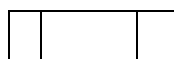
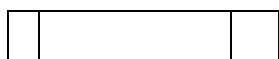
در درخت زیر a به دو گره پیوسته اشاره می کند b, c بچه های گره a هستند

برای نگهداری درخت در حافظه و ایجاد آن از واحد ساختمانی زیر استفاده می کنیم

```
#include <stdio.h>
#include <conio.h>
#include <stdlib.h>
#include <
Struct t
{
Struct* Left;
Char name [ 10 ];
Struct t * Right;
```

ریشه هر درخت با **Root** مشخص می شود.

برنامه ای بنویسید که با درخت زیر علی و حسن و حسین را در حافظه ایجاد نماید



```

# in clued
#include <
Struct t
{
Struct t * left;
Char name [ 10 ];
Struct t * Right;
Void main ()
Struct t *root;
Root = ( struct t * ) malloc ( 14 );
Str cpy( root→ name,"ali");
Root →left = ( struct t* )malloc ( 14 );
Root → left → right = null;
Root → left → left =null;
Str cpy ( root → left → name,"hasn"
Root→ right = struct * ) malloc ( 14 );
Root → left = null;
Root → right → right = null;
Str cpy ( root → right → null," hosing;
Pay ( root );

}

```

این تابع جهت پیمایش یک درخت
تابع p پیمایش درخت و چاپ " در ما نیتور

انواع پیمایش درخت

درخت را به سه طریق زیر می توان پیمایش نمود

۱- میان ترتیب

۲- پیش ترتیب

۳- پس ترتیب

۱- پیمایش میان ترتیب درخت در سه مرحله زیر انجام می گیرد

پیمایش پیمایش زیر درخت چپ

ملاقات ریشه

پیمایش زیر درخت راست

پیمایش پیش ترتیب درخت در سه مرحله زیر انجام می گیرد

ملاقات ریشه

پیمایش زیر درخت چپ

پیمایش زیر درخت راست

پیمایش پس ترتیب درخت در سه مرحله انجام می گیرد

پیمایش زیر درخت چپ

پیمایش زیر درخت راست

ملاقات ریشه

درخت زیر را به سه ترتیب زیر پیمایش نموده و حاصل عبارت زیر را بنویسید

پیمایش سه نوع

a		abdfgecij	۱- پیش ترتیب
		fdgbeaicj	۲- میان ترتیب
b	j	fgdebijca	۳- پس ترتیب
c			
d	e	i	
f	g		

پیش : علی و حسین و حسن

میان : حسن و علی و حسین

پس : حسن و حسین و علی

Ali

hasn

hosin

درخت زیر را به سه ترتیب پیمایش نموده و عبارت زیر را بنویسید

پیمایش میان ترتیب	in fix	۳ + ۲ -- ۴
پیمایش پس ترتیب	post fix	۳ ۲ + ۴ -- ۱
پیمایش پیش ترتیب	pre fix	-- + ۳ ۲ ۴

میان : ۳ + ۲ - ۴ --

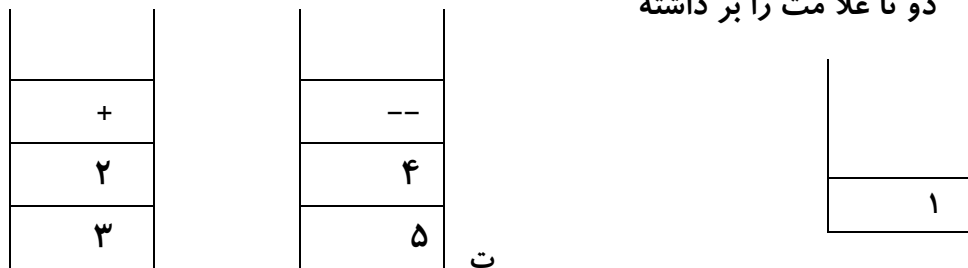
۴ + پس : -- ۴ + ۲ ۳

۲ ۳ پیش : ۴ ۲ ۳ + --

۱ تگوریتیم محاسبه حاصل عبارت پسوندی با استفاده از پشته

۱- عبارت را مرور می کنیم تا جایی که به علامت پشته

دو تا علامت را بر داشته



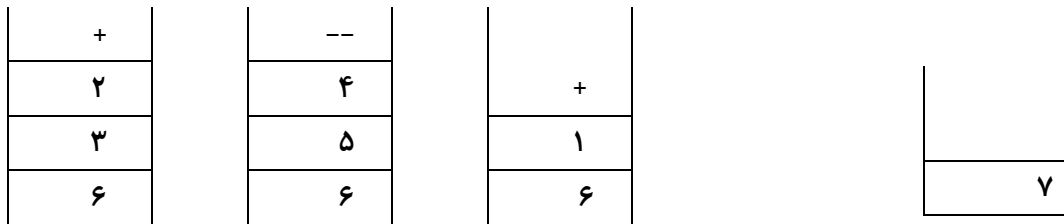
ت

تمرین

محاسبه مقدار عبارت پیشوندی (لهستانی)

ارائه الگوریتم محاسبه مقدار عبارت پیشوند

حاصل عبارت زیر را با استفاده عبارت پسوندی به دست آورید



Pp 61

بر نامهای بنویسید که نامهای درخت زیر را در حافظه ایجاد نموده و آن را به سه تر

تیب در مانیتور چاپ کند

```
#
#
#
#
Struct t
{
Struct t t*Left;
Char name [ 10 ];
Struct t*right;
```

```

};
Struct tree
{
T *root;
};
Insert (tree*t,char
Payper (t*root)
{
If (root != null )
{
Printf ( "\n%s",root → name );
Payper ( root → right );
Payper (root → Left );
}
}
Paypost (t*root)
{
If (root !=null )
{
Paypost ( root → right );
Paypost ( root → Left );
Printf ("\n %s",root → name );
Struct t
{
Struct t* left;
Char datd;
Struct t *right
};
Struct tree;
};
Void in (t*tr,int data)
{
If(tr→ data >data
If (tr→ right==null)
{
Tr → right= (t*) malloc (siz of ( t );
Tr → right → right =null;
Tr→ right →left = null;
Tr → right → data =data;
}
Else
In(tr → right,data );
Else
If (tr→left== null )
Tr→ left =(t*)malloc (siz of(t));
Tr →left →left → null;
Tr→ left → right →null;
Tr →left →data =data;
}
Else

```



```

In (tr→ left,data );pay in(tr→left );
Printf("\n%d",tr→ data );
Payin (tr→ right )
}
}
Void payper (t*tr )
{
If(tr! = null
{
Printf("\n%d",tr→data);
Payper(tr → right )
}
}
Void main (void)
{
Clrscr ( );
Tree*t;
T = (tree* ) malloc ( size of (tree ));
T → root =null;
Insert ( t ,4 );
Insert (t,55 );
Insert ( t,4 );
Payin (t→ root );
Getch ( );
}

```

Pp62

بر نامه ای بنویسید که درخت بالا را ایجاد نموده و به سه ترتیب در ما نیتور چاپ نماید.

```

#
#
#
Void insert (tree*tr,int data )
{
If (tr → root == null )
{
Tr→ root = (t* )maLLoc ( size of ( t ));
Tr → root → Left= nuLL;
Tr → root → right =null;
Tr → root → data =data;
}
Else

```

```

In (tr → root,data );
}
Void paypos (t*tr );
{ ifr !=null )
{
Pay pos 9 tr →left );
Paypos ( tr → right );
Print f ("\n%d",tr →data );
}}
Void payin (t*tr )
{
Voidpayin (t*tr )
{
lf

```

درخت جستجوی دودویی

به نوعی درخت گفته می شود که بچه های زیر درخت چپ از ریشه کوچکتر و بچه های زیر درخت راست از ریشه بزرگتر می باشند

مثال : درخت زیر یک درخت دودویی می باشد

الگوریتم جستجو در درخت جستجوی دودویی

۱- عنصر مورد نظر را با ریشه مقایسه می کنیم اگر برابر باشد پیدا شده و در غیر این صورت

۲- عنصر مورد نظر از ریشه بزرگتر باشد زیر درخت راست ادا می یابد.

۳- اگر کوچکتر باشد جستجو را در زیر درخت چپ ادا می دهیم.

برنامه ای بنویسید که اطلاعات را از صفحه کلید دریافت نموده در یک درخت جستجوی دودویی قرار داده و سپس عنصر مورد نظر را جستجو نمائیم.

الگوریتم درج در یک درخت دودویی

الگوریتمی جهت درج یک عدد در درخت دودویی ارائه دهید

مثال: فرض کنید یک رکورد اطلاعاتی شامل ۱۰۰ بایت باشد بطور متوسط چنین پردازش

۲۰۰ رکورد مورد استفاده قرار می گیرد پیچیدگی مکانی و زمانی انواع ساختمان داده ها

شامل آرایه لیست تک پیوندی و پیوندی در یک جدول درج نموده آنها را با هم مقایسه

نمائید

هنگام پیاده سازی برنامه بوسیله آرایه از یک آرایه ۵۰۰ خانه ای استفاده می نمائیم

عملیات پر شدگی	دسترسی	جستجو	اضافه	حذف	حافظه هرز	حافظه مفید	نوع ساختمان
وجود دارد	تصادفی	$O(\log^2 n)$	$O(n)$	$o(n)$	۳۰۰ ----- % ۵۰۰	۲۰۰ ----- % ۵۰۰	آرایه مرتب
وجود ندارد	ترتیبی یک طرفه	$O(n)$	$O(1)$	$O(1)$	۲ ----- % ۱۰۲	۱۰۰ ----- % ۱۰۲	لیست تک پیوندی
وجود ندارد	ترتیبی دو طرفه	$O(n)$	$O(1)$	$O(1)$	۴ ----- % ۱۰۴	۱۰۰ ----- % ۱۰۴	لیست دو پیوندی
وجود ندارد	ترتیبی یک طرفه	$O(\log^2 n)$	$O(\log^2 n)$	$\log^2 n$	۴ ----- % ۱۰۴	۱۰۰ ----- % ۱۰۴	درخت جستجوی دودویی

هرم Heap

نوعی درخت می باشد که پدر از هر دو بچه اش بزرگتر می باشد \max

Heap

اگر پدر از هر دو بچه اش کوچک باشد \min Heap می گوئیم

از ساختمان داده Heap جهت مرتب سازی استفاده می کنیم روش حاصل

را Heap sort می گویند

الگوریتم Heap sort

۱- اگر Heap خالی باشد ریشه را حذف و در آرایه قرار بده

۲- از زیر درخت های باقی مانده یک Heap جدید بساز برو به یک

پدر از بچه ها بزرگتر باشد "۸۰" "۱۱۰" "۱۵۰" "۲۰۰"
حذف ریشه

۲

پیچیدگی زمان اجرای Heap sort

برای حذف نیز همان می باشد $O(\log^2 n)$ می باشد

۲

پیچیدگی زمان و حذف $O(\log^2 n)$

۲

الگوریتم اضافه کردن

عنصر جدید را به عنوان یک برگ Heap اضافه می کنیم
این عنصر را درخت تا جایی بالا می بریم که درخت حاصل Heap باشد
پیچیدگی زمان اجرای اضافه کردن در $O(\log^2 n)$ Heap → می باشد

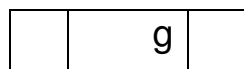
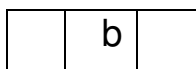
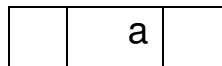
۲

نخ کشی در درخت

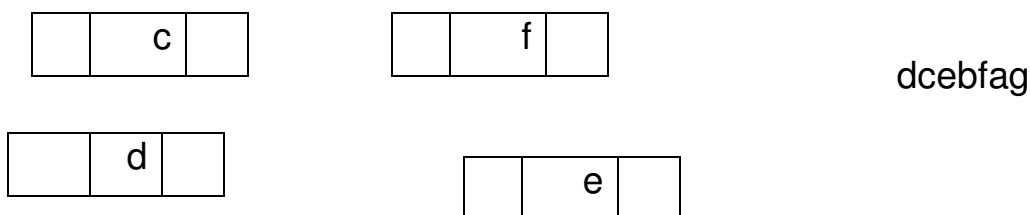
در درخت ها می توان به جای اشاره گرهای null در برگها ادرس با زگشت به گرههای با
لائی را طوری قرار داد که پیمایش درخت به سادگی (بدون استفاده از توابع بازگشتی
نظیر لیست های پیوندی ان ها را پیمایش کرد تنها می توان چند نوع نخ کشی داشته باشیم

که ۱- نخ کشی پیش ترتیب

۲- نخ کشی میان ترتیب



۳- نخ کشی پس ترتیب



نخ کشی inorder

اشاره می کنیم null دیگر نیست .

مثال درخت زیر را با نخ کشی inorder نخ کشی کنید

با ایجاد کردن پیوندهای

مثال : درخت فوق را به صورت پیش ترتیب و پس ترتیب نخ کشی نمائید.

مرتب کردن ادغامی merge sort

قبلا با روشهای مرتب سازی حبابی و انتخابی آشنا شده ایم اکنون روش جدید مرتب کردن تحت عنوان مرتب کردن ادغامی را ارائه می دهیم برای یادآوری در الگوریتم مرتب سازی حبابی عناصر موجود در ساختار داده را دوبه دو با هم مقایسه می کردیم و در صورت نیاز به جابجایی عناصر را جابجا می کردیم در هر مرحله مطمئنا بزرگترین عنصر (یا کوچکترین عنصر) در مکان نهایی خود قرار می گرفت پیچیدگی زمان این الگوریتم $O(n^2)$ می باشد. در sort انتخابی در هر مرحله بزرگترین یا کوچکترین عنصر را پیدا می کنیم و آن را در مکان اصلی خود قرار می دهیم سپس از عناصر باقی مانده بزرگترین و کوچکترین عنصر را پیدا نموده در مکان اصلی قرار می دهیم

پیچیدگی زمان اجرای این نوع مرتب سازی نیز دارای $O(n^2)$ یعنی اگر بخواهیم یک ساختمان داده با هزار عنصر را تا توسط یکی از این روشها مرتب نمائیم یک میلیون دوم $O(1000000)$ مقایسه انجام دهیم یعنی مرتبه این الگوریتم $O(1000000)$ میباشد.

اکنون مرتب سازی ادغامی را توضیح می دهیم و به کمک هم مرتبه آن را به دست می آوریم. در این روش داده ها را به دو قسمت مساوی تقسیم می کنیم و سپس دو تا قسمت را مرتب نموده دو قسمت را باهمدیگر ادغام می کنیم

{110,10} {22,101} {30, 200} {100,20,}

تا رسیدن به دو عضوی تقسیم می کنیم بعد دوبه دو آنها را با هم مرتب نموده در هر مرحله آن را دوبه دو ادغام می کنیم

{ 200,100,30,20 } {110,101,22,10 }
 { 200 ,110, 101 ,100 ,30,22, 20 ,10 }
 { 100,20,30,200,22,101,110,10 }

برنامه اصلی

محاسبه پیچیدگی زمان اجرای مرتب سازی ادغامی

فرض کنید ۲ تا مجموعه که هر کدام دارای L تا عنصر باشد می خواهیم ادغام کنیم برای این منظور در بهترین حالت مقدار مقایسه ها L تا است و بدترین حالت دارای L تا می باشد.

بهترین حالت L موقعی است که برای ادغام تک تک عناصر نیاز به مقایسه داشته باشند مثال :

{ 210,160,110,60 } {200,150,100,50,}

بهترین حالت ۴ مقایسه

در بدترین حالت با ۲ تا L

در بهترین حالت L

مرحله	تعداد مجموعه	تعداد عناصر هر مجموعه
-۱	$N/2$	2
-۲	$n/4$	4

-۳	$n/8$	8
.	.	.
.	.	.
m	$n/2^m = 1$	یک مجموعه n

$$N = 2^m \rightarrow \text{Log}2^n = \text{Log}2^n = m$$

تعداد مقایسه ها در کمترین حالت	تعداد مقایسه در بهترین حالت
$n/4 \times 2$	$n/4 \times 4$ n
$n/8 \times 4$	$n/8 \times 8$ n
$n/16 \times 8$	$n/16 \times 16$ n
$1/2 n$	$1/2 \times 2n$ n
$+ n/2 m$	$m \leq N$
$n/2 \text{Log}^n_2$	$n \text{Log}^n_2$

$$n/2 \text{Log}^n_2$$

پیچیدگی زمانی الگوریتم ادغامی در بهترین

۲

$$n \text{Log}^n_2$$

// بدترین حالت // // // //

۲

$$o(n \text{Log}^n_2)$$

که هر دو آنها از مرتبه

۲

روش مرتب سازی سریع quick sort

که در آن در هر مرحله یک عدد محل نهایی خود را به دست می آورد. که محل نهایی داده ای که محل نهایی خود را به دست آورده داده ها را به دو قسمت تقسیم می کند تا مرتب شدن تمام داده الگوریتم مرتب سازی سریع را به دو صورت اعمال می کنیم داده های زیر را می خواهیم به روش quick sort مرتب سازی می کنیم در مرحله اول عدد ۵۰ محل نهایی خود را در داده ها بدست می آورد بعد از مشخص شدن محل نهایی ۵۰ داده ها را به دو قسمت تقسیم می کند که بایستی الگوریتم quick sort را در هر دو قسمت با یکدیگر بکار ببریم

مرتب سازی صعودی

50, 100, 44, 200, 20, 25, 12
12, 100, 44, 200, 20, 25, 50,
12, 50, 44, 200, 20, 25, 100
12, 25, 44, 200, 20, 50, 100,
44 > 50
12, 25, 44, 50, 20, 200, 100,
12, 25, 44, 20, 50, 200, 100,
12, 25, 44, 20, 50, 200, 100

بعد از مشخص شدن عدد ۵۰ داده ها به دو قسمت تقسیم می شوند که الگوریتم quick sort را در هر دو قسمت بکار ببریم

محاسبه پیچیدگی زمان اجرا مرتب سازی سریع

بهترین پیچیدگی زمان اجرا مرتب سازی سریع موقعی بدست می آید که داده ای مکانها بی آن مشخص می شود داده ها را به دو قسمت مساوی تقسیم کند در این صورت پیچیدگی زمان اجرا برابر $O(n \log^2 n)$ خواهد بود

۲

۲

بدترین حالت الگوریتم در مرتب سازی سریع موقعی اتفاق می افتد که داده ای مکانها بی آن مشخص می شود نتواند داده ها را تقسیم کند یعنی در ابتدا یا در انتهای داده ها قرار گیرد. در این صورت روش مرتب سازی سریع همانند روش مرتب سازی انتخابی می باشد که دارای پیچیدگی $O(n^2)$ می باشد

چرا داده ها را مرتب سازی می کنیم؟

ما روش های مرتب سازی را تمرین نموده تا بوسیله آن داده ها را مرتب سازی بکنیم که جدا عملیات جستجو به سادگی انجام گیرد و ایامی توان روشی ارائه داد که بدون مرتب سازی سریعتر بتوان داده مورد نظر را پیدا کرد؟ جواب بلی است

مطابق اصل قانون زمان و حافظه اگر حافظه صرف بکنیم می توان زمان را بدست آوریم. روشی تحت عنوان در هم سازی وجود دارد که می توان داده ها را بدون مرتب سازی و توسط تابع در هم ساز در حافظه قرار داد تابع در هم ساز در واقع اطلاعات فرد را دریافت نموده و آن حافظه را به ما تحویل می دهد

فرض کنید ۷۰ میلیون آیرانی اطلاعات آنها در هارد دیسک ذخیره شده اگر تابع تعریف کنیم که با دریافت کد ملی فرد شماره sector در حافظه تحویل دهد که مشخصات آن در sector قرار دارد در آن صورت نیازی به مرتب سازی وجود ندارد.

در استفاده از توابع در هم ساز اکثر موارد ما مجبور می شویم چندین برابر حافظه هرز داشته باشیم و L در عوض نیازی به مرتب سازی و عملیات جستجو نمی باشد این روش دارای این مشکل نیز می باشد که در برخی موارد پیاده سازی ممکن است دو عنصر اطلاعاتی بخواهند در یک جا قرار گیرند تصادم نمی گوئیم روش های متفاوتی جهت رفع تصادم وجود دارد که مطالعه آن به دانشجوی عزیز واگذار می شود

Radix sort مبنای

روش مرتب سازی مبنای radix روش مرتب سازی اعداد و لغات در فرهنگ لغات گفته می شود

اگر ما بخواهیم یک کتاب را تایپ کنیم اگر برای حروف از کد اصلی آن استفاده کنیم این کتاب ۸ مگا بایت حافظه اشغال خواهد کرد اگر ما بتوانیم روش را ۱۰ دهیم که همان کتاب را در سایز کوچکتر ذخیره کند روش مفید خواهد بود و این امکانپذیر می باشد چون حروف انگلیسی ۲۶ تا می باشد برای کد کردن آن ها کافی است از ۵ بیت استفاده کنیم (و یا حتی کمتر) در صورتیکه در کد اصلی برای ذخیره کردن ۸ بیت می باشد شد بطور ساده اگر ما به جای کد اصلی از یک کد ۵ بیتی جهت ذخیره نمودن حروف استفاده نمئیم در این صورت کتاب ۸ مگا بیتی (با کد اسکی) ذخیره خواهد شد

روش کد گذاری منبع sors in codin

دارای مباحث خاص خود را در تئوری اطلاعات دارا می باشد یکی از این روش ها الگوریتم haf man می باشد در روش الگوریتم haf man کد به حروف متناسب با تکرار حروف می باشد یعنی اگر حرف a تعداد دفعات تکرار زیاد است با یستی کد با طول کمتری اختصاص دهیم و بر عکس sors in codin مطالعه به دانشجوی محترم واگذار می شود

درج درخت در ارایه

می توان درخت را به صورت زیر در ارایه قرار داد

۱- ریشه را در خانه یک قرار می دهیم $a[1]$

۲- بجه چپ را در خانه $a[2i]$ قرار می دهیم

۳- بجه راست را در خانه $a[i]$ قرار می دهیم

$A[1], a[1], a[21], a[2i+1]$

$A[1] = 100$
 $A[2] = 50$
 $A[3] = 200$
 $A[4] = 30$
 $A[5] = 60$
 $A[6] = 150$
 $A[7] = 210$
 $A[8] = 0$

مسئله برج های ها نوی

مسئله برج های ها نوی به این صورت است که حلقه های مرتب موجود در a را به b انتقال دهیم با این شرط که همیشه با یستی حلقه کوچکتر روی حلقه بزرگتر نیستند بر عکس مجاز نمی باشد

این مسئله را با استفاده از پشته و یا توابع بازگشتی می توان حل نمود

$H(n-1, a, aux, b)$
 $H(n-1, aux, a, b)$

گراف

گراف یک ساختمان گسسته ریاضی است که رابطه بین اعضای یک مجموعه را نشان میدهد

فرض کنید گراف می خواهد ارتباط بین اعضای مجموعه $abcd$ را نمایش دهد به اعضای v گره می گوئیم

مجموعه ای به نام E جهت نمایش ارتباط اعضای v به کار می رود به عنوان مثال از a به b رابطه ای وجود داشته باشد دو تایی مرتب ab عضو مجموعه E خواهد بود به مجموعه بالا می گوئیم یک گراف با دو مجموعه v, f مشخص می شود و آن را به صورت $G(v, f)$ نمایش می دهیم





برای تعریف این گراف به کامپیوتر می توان از یک جدول (ارایه دو بعدی) که به آن ماتریس مجاورتی می گویند استفاده می کنیم
این جدول یک جدول 4×4 خواهد بود

	a	b	c	d
A	0	1	0	0
B	0	0	1	0
C	0	0	0	0
d	0	0	0	1

در ماتریس فوق تعداد عناصر غیر صفر اندک می باشد به این ماتریس خلوت می گویند

تمرین: ماتریس زیر را با استفاده از لیست های پیوندی نمایش دهید

ساختن های بکار گرفته شده را به زبان C بنویسید

```
Struct Q
{
Char ch;
Struct E*first;
Struct Q*next;
};
Struct E
{
Char ch;
Struct E*next;
};
```